

Финал
XIX Всероссийской олимпиады по финансовой
грамотности, устойчивому развитию и защите прав
потребителей финансовых услуг
«Финатлон для старшеклассников»
2 марта 2024 год

10-11 классы

Вариант 2

Задача 1. Поддержка семей в 2024 году

Государственная экономическая политика. Оценка вероятности.

2024 год - год семьи в России.

Рабочая группа предложила новую адресную программу поддержки семей: выдать 10 беспроцентных ссуд по 10 миллионов рублей на улучшение жилищных условий.

Бюджет государственной программы составляет 100 миллионов рублей.

Одна семья может подать несколько заявок, поэтому рабочей группе необходимо оценить вероятность получения нескольких платежей.

Рассчитайте:

Какова вероятность того, что по крайней мере 1 семья получит несколько платежей, если участвуют 100 семей - призеров федерального конкурса?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1. Какова вероятность, что семья получит 1 платеж?

$$\frac{10}{100} = \frac{1}{10} = 10\%$$

2. Какова вероятность получения второго платежа?

~~Допустим 10 раздаст грыши, тогда в каждом, какая семья имеет право получить ссуду:~~

$$\frac{1}{100} = 0,01 = 1\%$$

2) мужчина получит 2 платежа

$$\frac{9}{100} = 0,09 \Rightarrow 9\%$$

3) тогда мужчина получит 1 и 2 платежи:
 $\frac{10}{100} \cdot \frac{9}{100} = \frac{9}{1000} = 0,009 \Rightarrow 0,9\% \Rightarrow \frac{9}{100 \cdot 9} = 90\%$ из всех семей вместе

501100

Ответы к задаче: 90%

Задача 2. Доходность портфеля

финансовая математика, инвестиции

Сергей - целеустремленный и ответственный инвестор, чья инвестиционная цель состоит в том, чтобы через 10 лет продать активы и купить квартиру для своего сына. Для достижения этой цели Сергей решил инвестировать 100 000 рублей в фонд акций.

Фонд акций, в который инвестировал Сергей, представляет собой профессионально управляемый портфель, состоящий из различных акций компаний разных отраслей. Фонд фокусируется на долгосрочном росте и позволяет инвесторам получить пассивный доход от роста рынка акций. Успехи фонда акций в прошлом году отражают его финансовую производительность. Фонд достиг значительного роста, превысив ожидаемые показатели рынка. Благодаря квалифицированному управлению и стратегии диверсификации портфеля фонд акций приносит стабильный и растущий доход своим инвесторам.

Сергей хочет получить реальный рост своего капитала на 8 % годовых.

Инвестиционный доход облагается налогом 15 %.

Инфляция составляет 9 % в год.

Рассчитайте:

Насколько быстро должен расти портфель Сергея за этот период, чтобы все цели были выполнены?

Приведите все промежуточные расчеты.

1) величина капитала Сергея при росте 8% ежегодно за 10 лет:

$$100000 \cdot (1+0,08)^{10} = 215892,9997$$

2) r - ставка роста портфеля

$$100000 \cdot (1+r)^{10} - сколько получит Сергей через 10 лет$$

Решение:

налог

доход с поправкой на ~~налог~~ ~~доход~~:

$$\frac{100000 \cdot (1+H)^{10}}{1,03^{10}} = 92297.08069 \cdot (1+H)^{10}$$

доход будет: $100000 \cdot (1+H)^{10} - 100000$

↓
доход без налога (за расчетом):

$$100000 \cdot (1+H)^{10} - 100000 \cdot 0,85$$

↓

~~налог~~.

с налогом снят:

$$85000 \cdot (1+H)^{10} - 85000 + 100000$$

с учетом инфляции:

$$\frac{85000 \cdot (1+H)^{10} + 100000}{1,03^{10}} = 215892.9997$$

$$(1+H)^{10} = \frac{215892.9997 \cdot 1,03^{10} - 100000}{85000} = \alpha$$

$$H = \sqrt[10]{\alpha} - 1 = 0,192929 \Rightarrow 19,3\%$$

Ответы к задаче: 19,3 %

Задача 3. Виктор копит на квартиру

Финансовая цель. Личный бюджет. Финансовая математика

Виктор (22 года) в 2024 году закончит обучение в университете. Он работает аналитиком в ИТ-компании, живет с родителями и не оплачивает коммунальные услуги и еду дома, потому что пообещал родителям накопить 500 000 рублей на первоначальный взнос на квартиру к 01 июля 2024 года. Сейчас февраль и до этой даты осталось 6 месяцев.

В январе его зарплата не изменилась по сравнению с 2023 годом и равна 60 000 рублей. В 2023 году Виктор не считал, сколько и на что тратил: денег всегда хватало и даже получалось отложить сумму равную пяти зарплатам. К ведению бюджета Виктор относится небрежно: часто ездит на такси, встречается с друзьями и коллегами в барах и ресторанах, любит делать щедрые подарки и не анализирует свои расходы.

В конце января друг пригласил Виктора на новоселье - друг купил студию в ипотеку. Это поразило Виктора, т.к. зарплата друга была на 20 процентов ниже и при этом друг смог накопить 500 000 рублей за 2023 год. Виктор попросил друга поделиться опытом и дать ему пару советов.

По совету друга Виктор начал вести учет расходов и доходов, открыл депозит под 16 % годовых на полгода и положил на счет все сбережения 2023 года. Он планирует закрыть счет в июне и использовать весь накопленный доход для покупки квартиры.

Рассчитайте:

- На сколько процентов Виктор должен больше сберегать каждый месяц, если он не изменит свой образ жизни и не откроет вклад в начале 2024 года, чтобы достичь цели?
- При каких условиях Виктор точно сможет достичь своей цели к 01 июля 2024?
- На какую сумму Виктор принял решение уменьшить ежемесячные расходы с учетом дохода по вкладу?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

- 1) Виктор зарабатывал в 2023: $60000 \cdot 5 = 300000$
 осталось где работать: $500000 - 300000 = 200000$
 зарплата Виктора в 2024: $60000 \cdot 12 = 720000$
 «Сберегал в месяц»: $300000 / 12 = 25000$
 «Сейчас теперь необходимо сберегать»: $\frac{200000}{6} = \frac{100000}{3}$
 необходимо больше сберегать на:
 $\frac{100000}{3} ; 25000 - 1 = \frac{1}{3} \Rightarrow 33,333\%$
 6 · 60000 =
 2) за шесть месяцев Виктор зарплата имеет: 360 000 рублей
 если будет сберегать по $\geq \frac{100000}{3}$ в месяц, то
 можно накопить
 если откроет вклад то нижней через полгода будет:
 $300000 \cdot (1 + \frac{0,16}{2}) = 324000 \Rightarrow$ можно сберечь: $500000 - 324000 = 76000$

недостаточно сберегать в месяц: $\frac{77600}{6} = \frac{68000}{3}$
 с учетом дохода необходимо заплатить 776000 ♂
 на расходы: $360000 - 226000 = 134000 \rightarrow$
 \Rightarrow недостаточно расходов в месяц: $\frac{134000}{3} = \frac{44666.67}{3}$
 если: $\frac{720000 - 300000}{72} = 35000 \rightarrow$ пришлось сократить на
 $36000 - \frac{32000}{3} = \frac{13000}{3}$

Ответы к задаче:

1. 33,333 %
2. при открытии вклада необходимо сберегать $\frac{188000}{3}$ в месяц. т.к. вклад необходимо сберегать $\frac{100000}{3}$ в месяц
3. на $\frac{12000}{3} \approx 4333,333$

Задача 4. НДФЛ и стандартный налоговый вычет

Налоги. Стандартные налоговые вычеты

Марина работает в крупной IT-компании в должности менеджера по проектам. У нее 4 прекрасных детей: старший сын Александр (12 лет), дочь Екатерина (11 лет) и младшие близнецы Максим и София (6 лет). Марина предоставила все необходимые документы в бухгалтерию компании, чтобы получить социальные налоговые льготы. Ежемесячный доход Марины в 2023 году составлял 70 000 рублей.

Дополнительные условия:

Стандартный налоговый вычет на содержание ребенка: 1 400 руб. в месяц - на первого и на второго ребенка, 3 000 руб. в месяц – на третьего и каждого следующего ребенка, 12 000 руб. – на каждого ребенка, если в возрасте до 18 лет является ребенком – инвалидом, пока сумма дохода не превысит 350 тыс. рублей

Рассчитайте:

1. Сумму налога на доходы физических лиц за 2023 год для Марины на основе предоставленной информации

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1. $360000 / 7000 = 5$ месяцев будет получать налоговый вычет $\Rightarrow 5 \cdot (7000 - 1500 \cdot 2 - 3000 \cdot 2) = 306000$ рублей
облагаемый налог здесь первые 5 месяцев
за оставшиеся $7 - 5 = 20000 \Rightarrow$ всего $930000 + 306000 =$
 $= 796000 \Rightarrow$ сумма налога; $0,13 \cdot 796000 = 103480$

2

Ответ к задаче:

103 480

Задача 5. Новый тариф связи

Личный бюджет. Расходы на связь, альтернативный выбор

Владимир проанализировал свои расходы на связь и был расстроен - он потратил 7 920 рублей за 2023 год. Он понял, что нужно сменить свой тариф мобильной связи и рассматривает три варианта: поминутный, комбинированный и безлимитный:

- поминутный, при котором минута разговора стоит 2 руб.,
- комбинированный с абонентской платой 425 руб., в которую входит 200 бесплатных минут разговора, а каждая последующая минута стоит 1,5 руб.
- безлимитный тариф за 800 руб. в месяц.

Рассчитайте:

1. Сколько минут в месяц ему нужно разговаривать, чтобы каждый из тарифов был выгодным?
2. Как изменится его выбор тарифа, если абонентская плата по комбинированному тарифу станет 350 руб.?
3. Если в месяце в среднем 30 дней и Владимир говорит с семьей по 11 минут в день, то на сколько процентов он сможет оптимизировать (сократить) свои расходы на связь?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1. ① - сколько минут говорит 2-м - сумма з/ч в первом
 2) $925 + (\alpha - 200) \cdot 1,5$; второй телефон: $\alpha \geq 200$ и $925, \alpha \leq 200$
- 3) 800
- ① лучший, если $\begin{cases} 2\alpha > 800 \\ 2\alpha < 925 + (\alpha - 200) \cdot 1,5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha > 200 \\ \alpha < 900 \\ \alpha < 250 \end{cases}$
- ② лучший $\begin{cases} \alpha > 200 \\ 925 + 1,5\alpha < 800 \end{cases} \Rightarrow \alpha < 450, \alpha > 250 \Rightarrow$ третий при $\alpha > 450$
2. ② $350 + 1,5(\alpha - 200), \alpha \geq 200$ и $350, \alpha < 200$
- ① лучший: $\begin{cases} \alpha < 800 \\ 2\alpha < 350 + 1,5(\alpha - 200) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha < 900 \\ \alpha < 100 \end{cases}$ никакие, т.к. $\alpha \geq 200$
- $\begin{cases} 2\alpha < 800 \\ 2\alpha < 350 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha < 900 \\ \alpha < 775 \end{cases} \Rightarrow \alpha < 775$
- ② лучший: $\begin{cases} \alpha > 775 \\ \alpha \leq 200 \end{cases} \Rightarrow \alpha < 200$ бюджет
- $\begin{cases} 350 < 800 \\ \alpha > 725 \\ \alpha \geq 200 \\ 800 + 1,5\alpha < 350 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha > 200 \\ \alpha < 500 \end{cases}$
- также при $\alpha > 500$
3. сколько говорит Владимир: $11 \cdot 30 = 330 \Rightarrow$ будет 2 телефона
 второго: $925 + (330 - 200) \cdot 1,5 = 620$ месяцай \Rightarrow
 в год: $620 \cdot 12 = 7440 \Rightarrow$ ставка оптимального кол.
- $$\frac{7440}{7440} - 1 = 0,087 \approx 6,45\%$$
- $$7820(1-x) = 7510 \Rightarrow x = \frac{7820 - 7510}{7820} = 6,45\%$$

Ответы к задаче:

1. первый при количестве ~~200~~ $\Rightarrow 250$ и меньше
 второй от 250 до 450, третий при больше 450
2. первый ~~всегда~~ при кол-ве 175 и меньше, второй -
 при количестве от 175 до 500; третий - при больше 500
3. ~~наиболее оптимальна~~ нал 6,45%

Кейс 1. Переезд Семеновых

Семейный бюджет. Выбор решения. Ипотечное кредитование

Семья Семеновых, проживающая в городе Владимир, состоит из родителей и одного ребенка, который родился 13.01.2022 года.

В 2022 году отец имеет доход в размере 100 000 рублей до вычета НДФЛ, а мать посвящает свое время заботе о доме и ребенке.

Ежемесячные расходы семьи составляют 60 000 рублей, поэтому в 2022 году они откладывали свободные средства в резервный фонд. У семьи также есть личный автомобиль.

В сентябре 2022 года семья Семеновых узнала, что у них родится второй ребенок. В октябре отец получил повышение - должность в Санкт-Петербурге с доходом, превышающим предыдущий на 40%. Семья переехала в этом же месяце. Однако аренда квартиры в новом городе увеличила ежемесячные расходы семьи на 50%.

Теперь семья Семеновых рассматривает вариант продажи квартиры во Владимире и покупки собственного жилья в Санкт-Петербурге. У семьи будет достаточно средств от продажи квартиры только для оплаты 50% стоимости нового жилья. Поэтому они рассматривают вариант получения ипотеки на 12 000 000 рублей сроком на 20 лет под 5% годовых. Однако в феврале 2023 года на предприятии, где работал отец в Санкт-Петербурге, начались сокращения, и его уволили по соглашению сторон с оплатой 2-х ежемесячных окладов.

Отец нашел новую работу в Санкт-Петербурге через 6 месяцев, но его оклад будет составлять 95 000 рублей. В январе 2024 года семья снова вернулась к вопросу покупки квартиры в Санкт-Петербурге в ипотеку, условия ипотеки остались прежними.

Вопросы для решения кейса:

1. Какова сумма ежемесячного дохода семьи Семеновых после переезда в Санкт-Петербург в 2022 году?
2. Сколько семья Семеновых накопила сбережений за 2022?
3. Какая будет сумма ежемесячного платежа по ипотеке на 12 000 000 рублей с 5% годовых на 20 лет для семьи Семеновых?
4. Какие финансовые последствия возникли для семьи Семеновых, когда отец нашел работу с окладом 95000 рублей?
5. Стоит ли им брать ипотеку в 2024 году?

Ответы к кейсу:

1. 190000 по возрасту на 40%
2. 324596
3. 29194.68871
4. Во время семьи уменьшился на 190000 - 85000 = 95000 в месяц
5. Новый годовой доход стал: 95000 * 12 - (5 * 12 - 3 * 2300) * 0,73 = 992392 \Rightarrow в месяц: 82791. расходы станут больше 60, т.к + новый ребенок \Rightarrow на питание останется максимум: $82791 - 60000 = 22791 \leftarrow 29194.68871 \Rightarrow$ брать не стоит

Кейс 2. НДФЛ и вычеты за образование**Налоги. Социальные налоговые вычеты**

В начале 2023 года Алексей Николаевич, успешный менеджер по продажам, получил заслуженное повышение и стал руководителем отдела в своей компании с ежемесячной заработной платой в размере 110 000 рублей.

Алексей на протяжении долгого времени стремился к продвижению по карьерной лестнице и воплотил свои амбиции в реальность. В 2023 году сын Алексея также начал ходить на карате с сентября по июнь каждого года в течение 10 месяцев с расходами в размере 4 000 рублей в месяц. Он уже выиграл первые соревнования.

С повышением статуса и дохода, Алексей решил дальше развивать свои профессиональные навыки и узнать больше о своей отрасли. Он принял решение получить дополнительное образование в местном университете - изучить новые стратегии в управлении и маркетинге. Стоимость обучения 100 000 рублей в год, а период обучения - 2 года.

Алексей решил оплатить всю сумму обучения за два года в 2023 году, поэтому в начале 2024 года он обратился в налоговый орган для получения социального налогового вычета по расходам на обучение.

Вопросы для решения кейса:

1. Какой максимальный размер социального налогового вычета доступен Алексею на основе его расходов на собственное обучение в 2023 году?
2. Какой размер социального налогового вычета Алексей может получить, если он заплатил полную стоимость обучения за два года? Укажите сумму НДФЛ к возврату.
3. Какой размер социального налогового вычета Алексей может получить по расходам на обучение сына в 2023 году?
4. Какую сумму Алексей может вернуть благодаря социальным налоговым вычетам за обучение себя и своего сына в 2023 году?
5. Как изменится размер социального налогового вычета, если Алексей оплачивал бы стоимость обучения поэтапно, в размере 100 000 рублей в год?

Ответы к кейсу:

1 $2 \cdot 100000 = 200000 < 12 \cdot 110000 \Rightarrow$ максимальный налоговый вычет $\boxed{200000}$ рублей

2 $2 \cdot 100000 = \cancel{200000}$ рублей $200000 \cdot 0,73 =$
 $= \boxed{26000}$

3. $10 \cdot 9000 = \boxed{90000}$ рублей $< 12 \cdot 110000$

4. $(200000 + 90000) \cdot 0,73 = \boxed{31200}$

5. Он сдал $\boxed{61}$ из 100000 в год на Алексея
 сумма изменилась $\boxed{461}$.