

Финал
ХІХ Всероссийской олимпиады по финансовой грамотности, устойчивому
развитию и защите прав потребителей финансовых услуг
«Финатлон для старшеклассников»
2 марта 2024 год
8-9 классы

Вариант 2

Задача 1. Личный бюджет в XVIII веке

история финансов, личный бюджет

Михаил Ломоносов в 19 лет покинул свою родную деревню в Архангельской области и отправился в Москву, чтобы учиться. Он взял у своего соседа три серебряных рубля в качестве денег на дорогу, сохраняя это втайне от семьи.

После поступления в Славяно-греко-латинскую академию в 1731 году, Михаил Ломоносов начал получать стипендию в размере 3 копеек в день.

Он тратил одну денгу ($\frac{1}{2}$ копейки) на хлеб, другую - на квас, а остальные деньги откладывал.

Рассчитайте:

1. За сколько дней Михаил Ломоносов вернет долг соседу?
2. Определите, сколько денег Михаил Ломоносов отложит за 9 месяцев (270 дней) своей стипендии (учитывая расходы и возврат долга)?
3. Сможет ли он прожить на свои накопления до начала нового учебного года 1 сентября, при этом летом (90 дней) стипендия не выплачивается?

Решение:

1. $13 \cdot \left[\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \right] = 2 \text{ коп. (Ломоносов получил в день)}$
 $2) 3 \text{ руб.} = 300 \text{ коп. (Долг Ломоносова)}$
 $3) 300 : 2 = 150 \text{ (дней нужно жить имея доход 2 коп.)}$
 Выплатить долг в 3 рубля
2. $1) 270 - 150 = 120 \text{ дни (Ломоносов не тратит все деньги на оплату долга)}$
 $2) 120 \cdot 2 = 240 \text{ коп.} = 2 \text{ руб.} 40 \text{ коп. (Ломоносов отложит учитывая расходы и оплату долга)}$

3. Как мы знаем леопард тратит $(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = 1$ руб. ^{на} расход в день \Rightarrow за 90 дней он потратит $90 \cdot 1 = 90$ коп
- Его сбережения составляют 240 коп
- 3) $240 - 90 = 150$ коп (при вычете расходов за 90 дней)
- 4) $150 > 0$ (значит леопард может прожить эти 90 дней и ещё 150 коп. останется)

Ответы к задаче:

1. 150 дней
2. 240 коп или 2 руб 40 коп
3. Он может прожить и ещё 150 коп останется в сбережениях.

Задача 2. Инвестиционный портфель Андрея

Инвестиции

Андрей в день своего 18-летия решил инвестировать свои накопления в сумме 200 000 рублей.

Андрей понимает, что инвестиции несут определенный уровень риска. Он хочет управлять своим риском и решает добавить еще один инструмент в свою инвестиционную стратегию (диверсификация).

Андрей изучил различные возможности и выбрал три инвестиционных инструмента: облигации, акции и инвестиционный фонд, который следует за индексом (далее - индексный фонд).

Аналитики дают следующие прогнозы на будущий год:

Инструмент	Доходность	Риск
Облигации	14%	5%
Акции	15%	18%
Индексный фонд	13%	10%

Также известны исторические данные о корреляции (статистической взаимозависимости) между разными классами активов.

Инструмент 1	Инструмент 2	Корреляция
Облигации	Акции	0,2
Облигации	Индексный фонд	-0,3
Акции	Индексный фонд	0,5

Андрей решил составить такой портфель:

Доля облигаций: примерно 40%

Доля акций: примерно 30%

Доля индексного фонда: примерно 30%.

Рассчитайте:

1. Какова предполагаемая годовая доходность и риск его портфеля инвестиций?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1.

2.

Ответ к задаче:

1. _____
2. _____

Задача 3. Новый смартфон Семена

личный бюджет, мошенники

Захотел Семен новый смартфон, а денег в копилке немного.

И тут пишет ему незнакомый номер:

“Есть у меня счет классный. Очень помогает. Деньгами“

“Как?”

“Деньги удваивает. Положишь деньги на спецсчет, и через три дня – готово: деньги, какие были на счете, удвоились. Удобно!”

“Вот бы мне так,” – мечтательно написал Семен.

“Это можно. Комиссия только будет.”

“Кому и сколько платить?”

Узнав, что у Семена денег мало, незнакомец согласился получить после каждого удвоения по 12000 рублей.

Семен решил воспользоваться возможностью и отправил все сбережения на указанный счет.

Через три дня Семен получил обещанное удвоение денег и отдал обещанное вознаграждение в размере 12000 рублей.

Он был впечатлен и решил повторить процесс еще два раза.

Каждый раз после трех дней его деньги удваивались, и он отдавал по 12000 рублей.

Однако в третий раз, когда Семен отправил деньги на счет и отдал обещанные комиссионные, он обнаружил, что баланс его счета равен 0.

Схема оказалась мошеннической. Семен потерял сбережения.

Рассчитайте:

1. Сколько было у Семена денег до злополучных опытов с коварным незнакомцем?
2. На каком шаге (номер удвоения) схема мошенника стала невыгодна для Семена?
3. Какую сумму в эту схему вложил мошенник?
4. Почему ему было важно выяснить, сколько денег у Семена?
5. Сколько денег в итоге после всех удвоений и комиссий заполучил мошенник?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

Ответ к задаче:

1. _____
2. _____
3. _____
4. _____
5. _____

Задача 4. Мама Никиты копит на первоначальный взнос

Финансовая математика. Финансовая цель

Мама Никиты хочет накопить сумму в размере 3 000 000 рублей на покупку недвижимости через 5 лет.

Она рассчитывает экономить каждый месяц постоянную сумму и положить ее в банк под годовую процентную ставку 12%.

Из-за инфляции цены на недвижимость выросли. После консультации со специалистом мама решила увеличить сумму накоплений и поставила цель накопить 3 500 000 рублей на через 5 лет.

При этом она хочет продолжать откладывать одинаковую сумму каждый месяц и получать годовую процентную ставку 12%.

Рассчитайте:

1. Размер ежемесячного платежа мамы Никиты, чтобы накопить 3 000 000 рублей.

мес

x — ежемесячная сумма, которую мама вносит

1) используем формулу мы можем составить уравнение

$$5 \cdot 12\% \cdot x \cdot \frac{1 - (1 + 0,12)^{-5}}{0,12} = 3.000.000 \quad (\text{решение вопроса})$$

$$60x \cdot 1,76 = 3.000.000 \Rightarrow 105,6x$$

$$x = \frac{3.000.000}{105,6} = 28.409$$

2. На сколько процентов маме Никиты надо будет увеличить ежемесячные сбережения, чтобы достичь новой цели 3 500 000 рублей за то же самое время.

Решение:

Расчеты округлите до 2-х знаков после запятой.

1. $3\,500\,000 = 205,6\pi$

$\pi = 33,143$

$(33,143 : 28,409) \cdot 100 = 1,166 = 16\%$

(решение 2 вопроса)

2.

Ответ к задаче:

1. 28409 руб (мама должна вносить сумму 3000000)

2. на 16% больше (33,143) она должна вносить сумму 3500000

Задача 5. Квартира для дочери

Папа Виктории приобрел трехкомнатную квартиру стоимостью 6 000 000 рублей для дочери, когда ей исполнилось 8 лет. Он предполагает возможную продажу квартиры через 10 лет, когда дочери исполнится 18 лет.

Рыночная стоимость недвижимости растет на 5% в год.

Коммунальные платежи в год составляют 8 000 рублей

До совершеннолетия Виктории папа решил сдать квартиру в долгосрочную аренду за 70 000 рублей в месяц, чтобы накопить дочери капитал на образование.

Рассчитайте:

Во сколько раз увеличилась прибыль и доходность от сдачи в аренду квартиры по сравнению со стратегией простой продажи через 10 лет?

Инфляцию не учитываем.

Решение:

$$15\% = 0,15$$

$$2) 6000000(1+0,15)^{10} \text{ (доход по процентам от стоимости квартиры при продаже)}$$

$$3) 6000000 \cdot 1,62 = 9720000 \text{ (при продаже через 10 лет)}$$

$$4) 9720000 - 6000000 = 3720000 \text{ (доход)}$$

$$5) 70000 \cdot 12 \cdot 10 = 8400000 \text{ (от сдачи в аренду)}$$

$$6) \cancel{8400000 - 6000000 = 2400000} \text{ (доход при сдаче в аренду)}$$

$$7) 3720000 : 2400000 = 1,55$$

8) $1,55 - 1 = 0,55 = 55\%$ (только при продаже заработано больше, чем при сдаче)
 ТК мы рассчитывали доходность при сдаче,

то 55% (с учётом сложного процента)

$$6) 9720000 + 8400000 = 18120000$$

$$7) 18120000 : 9720000 = 1,86 = 86\%$$

Ответ к задаче:

Доход от аренды + продажи квартиры (18120000)
больше чем доход от простой продажи на 86%

Кейс 1. Отпуск Семеновых

Семья Семеновых (2-е взрослых и 2-е детей) планирует в мае 2024 г. поездку в Сочи. Помогите им составить бюджет поездки и ответить на несколько вопросов после каждой статьи расходов и в самом конце задачи.

Транспортные расходы.

Семья поедет в Сочи на поезде из Москвы.

Цена билета на 1 человека: плацкарт – 8 600 рублей, купе – 10 700 рублей.

Доехать до вокзала можно на " Яндекс Такси".

Ожидание: первые 3 мин. бесплатно, а далее - 10 руб. за каждую минуту.

Стоимость поездки: первые 5 км пути стоят 220 руб., а далее - 10 руб. за км.

От дома до вокзала ехать 35 километров, а спуститься к машине быстрее, чем за 5 минут семья не сможет, так как берет в поездку большие и тяжелые чемоданы.

Также к вокзалу можно приехать на общественном транспорте, однако придется делать несколько пересадок.

От дома сначала придется доехать до Центральной площади на автобусе, проезд в котором стоит 60 рублей. Далее пересесть на метро (50 рублей с человека) и снова сесть на автобус, идущий на вокзал, стоимость проезда в котором - 60 рублей с человека.

Вопрос: какой способ будет оптимальным с точки зрения денег и времени?

Проживание в Сочи.

Мама хочет выбрать самый удобный отель на 12 ночей. Она нашла три варианта:

Отель	Цена за сутки (за номер)	Дополнительные условия
Отель «Море»	5 500 руб. (2-х местный)	Скидка 20% от общей суммы при раннем бронировании. Дополнительное место - 1000 руб. в сутки. Бесплатный трансфер от вокзала до отеля и обратно.
Парк-отель «Гора»	7 000 руб. (3-местный)	Скидка 35% от общей суммы при раннем бронировании. Бесплатный трансфер от вокзала до отеля и обратно.
Гостиница «Звезда»	4 000 руб. (2-х местный)	Скидка 15% от общей суммы за раннее бронирование. Дополнительное место – 2 000 руб. в сутки. Трансфер от вокзала до отеля и обратно стоит 1 500 рублей.

522438

Вопрос: какой вариант отеля будет оптимальным с точки зрения расходов семьи?

Развлечения

Папа хочет взять в аренду на 7 дней небольшой внедорожник для поездки в горы. Он выбирает из двух вариантов. За неделю папа планирует проехать 300 км. Стоимость бензина - 40 рублей за литр.

Оцените разницу между полной стоимостью аренды автомобилей этих марок.

	Автомобиль 1	Автомобиль 2
Внутри	Автоматическая коробка передач. Мультимедийная система. Кондиционер. Лебедка.	Автоматическая коробка передач. Мультимедийная система. Климат контроль. Навигатор. Панорамная крыша.
Аренда	4 400 рублей в сутки	4 500 рублей в сутки
Расход бензина	15 литров на 100 километров	10 литров на 100 километров
Бензин	АИ-95	АИ-95

Вопрос: какой вариант автомобиля будет более бюджетным?

Ответ к кейсу:

- Какой способ поездки на вокзал будет оптимальным с точки зрения денег и времени?

Самый дешёвый билет на такси $8000 \cdot 4 = 34400$ (на поездку в поездку)

Стоимость на такси будет $5 \cdot 220 + 30 \cdot 20 + (15 - 3) \cdot 10 = 2420$

Стоимость на авто. транспорте $= 60 \cdot 4 + 50 \cdot 4 + 60 \cdot 4 = 680$ руб

ответ: Поездка на машине ^{самый} меньше, чем

в купе, а поездка на авто, транспорте значительно стоит ниже, но как правило такси довозит быстрее без пробок, а судя по времени поездки семья живёт за городом, то

- Какой вариант отеля будет оптимальным с точки зрения расходов семьи?

Самый оптимальный - отель «Марс» 6000 руб/сут.

2 отель - 9100

3 отель - 8300

522738

3. Какой вариант автомобиля будет более бюджетным?

Автомобиль 1

$7 \cdot 4400 = 30800$ (руб. за километр)

$300 : 100 = 3$ раз проедет 100 км

$15 \cdot 3 = 45$ (л)

$40 \cdot 45 = 1800$

$30800 + 1800 = 32600$

Автомобиль 2

$7 \cdot 4500 = 31500$ (руб.)

$10 \cdot 3 = 30$

$40 \cdot 30 = 1200$

$31500 + 1200 = 32700$

⇒ автомобиль
бюджетнее на 100 руб. за километр

4. Таблица ответов: запишите выбранные вами варианты затрат и подсчитайте итоговую сумму, напишите детальный расчет.

машина	опель	автомобиль
34400 руб	4200 $426000 \cdot 12 = 4200$	30800 руб
680 руб	транспорт = 0	2800 руб
		45 литров
		49 лет
35080	72 тыс	32600

$35080 + 42000 + 32600 = 73980$

Обоснуйте, почему ваш вариант бюджета будет оптимальным для семьи.

Этот вариант бюджета самый дешёвый, но с некоторыми неудобствами

Кейс 2. Финансовые проблемы героев в романе "Мёртвые души" Николая Васильевича Гоголя

Герои романа демонстрируют различные формы финансовой неграмотности, которые приводят их к серьезным финансовым проблемам.

Павел Иванович Чичиков служил в таможне и за взятки позволял переправлять контрабанду через границу. Афера раскрылась, но Чичиков сумел сохранить часть денег.

Теперь Чичиков едет в город N, где покупает у местных помещиков умерших крестьян, которые по переписи числятся живыми. Затем он планирует оформить их на себя.

У него два плана. Первый - получить большой кредит в опекуном совете под своих крепостных.

Средняя в России рыночная цена крепостного составляла около 200 рублей. Заложить крепостного можно было за 15 процентов от его рыночной цены.

Второй - в статусе «состоятельного помещика» жениться на невесте с хорошим приданым.

При удачном стечении обстоятельств оба плана могли быть реализованы одновременно.

"Он представил себе свои деньги, не то что в целой дюжине кудожек, но в целом рее, и деньги эти блестели от корки до корки не то купонами, а золотом, как бы помнящим об истинную наследию человека."

Вопрос: сколько душ Чичиков купил?

Манилов Чичикову мертвые души просто дарит, но не называет количество. Настасья Петровна Коробочка продает Чичикову 18 душ за 15 рублей оптом. Ноздрев крестьян не продает: он предлагает Чичикову выиграть их в карты или в шашки или купить жеребца и получить мертвые души в придачу. У Михаила Семеновича Собакевича Чичиков купил неизвестное число душ по 2,5 рубля за штуку. У Плюшкина Чичиков купил 198 душ по 32 копейки за штуку. Всего было

куплено более 400 мертвых душ и Чичиков потратил на это 328 рублей 36 копеек:

"Чичиков проснулся, потянул руки и ноги и почувствовал, что выспался хорошо. Полежав минуты две на спине, он щелкнул рукою и вспомнил с просиявшим лицом, что у него теперь без малого четыреста душ".

Вопросы:

1. Какую сумму Чичиков потратил на покупку душ у Собакевича, если он купил их по 2,5 рубля за штуку?
2. Сколько душ Чичиков купил у Собакевича?
3. Сколько душ было подарено Чичикову Маниловым?
4. Рассчитайте залоговую цену крепостного.
5. Какую прибыль ожидал получить Чичиков, если он потратил 330 рублей и рыночная цена крепостного составляла 200 рублей, а залоговая цена колебалась от 20 до 30 рублей?

Решение к кейсу:

$$\frac{328}{400} = 0,82$$

Ответы к кейсу:

1. _____
2. _____
3. _____
4. _____
5. _____