

Финал
XIX Всероссийской олимпиады по финансовой грамотности, устойчивому развитию и защите прав потребителей финансовых услуг
«Финатлон для старшеклассников»
2 марта 2024 год

10-11 классы

Вариант 1

Задача 1. Акции компании "Астра"

инвестиции, корпоративное управление

Инвестор купил акции компании "Астра" в 2023 году. Предположим, что через 10 лет у компании удваивается прибыль, P/E (рыночная капитализация/прибыль) растет в два раза, а число акций в обращении снижается в два раза.

Рассчитайте:

1. Среднегодовую доходность акций компании за 10 лет.
2. Среднегодовой рост рыночной капитализации компании за 10 лет.

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1. Допустим, инвестор купил акции по цене X , тогда общая доходность: $(2X - X)X \cdot 100\% = 1 \cdot 100 = \underline{100\%}$, значит среднегодовая доходность: $100\% : 10 = \underline{10\%}$ в год
2. Если прибыль удваивается, ^{P/E} капитализация растет в 2 раза, а число акций в обращении снижается в 2 раза, то общая капитализация: $(100\% + 100\%) : 2 = 100\% \Rightarrow$
 среднегодовая капитализация: $100\% : 10 = \underline{10\%}$

Ответ к задаче:

1. 10%
2. 10

Задача 2. Доходы спортсмена

финансовая математика, оценка вероятности, банковские продукты

Профессиональный и успешный хоккеист Михаил зарабатывает 96 млн рублей в год. Но игра в хоккей достаточно суровая: каждый год у него есть 18% шанс получить серьезную травму. После серьезной травмы есть вероятность, что карьера Михаила закончится и со следующего года он не сможет получать прежний доход.

Рассчитайте:

1. Наиболее вероятный доход спортсмена за 5 лет.
2. Ожидаемый доход спортсмена за 5 лет.
3. На какую сумму ежегодного пассивного дохода может рассчитывать Михаил, если разместит свой доход (из п 1: вероятный доход за 5 лет) на депозит под 10 процентов годовых.

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

Ответы к задаче:

1. _____
2. _____
3. _____

Задача 3. Парковка: аренда или вклад?

выбор инвестиционного решения, банковские продукты, финансовая математика

Борис год назад купил два машино-места в подземном паркинге по 750 000 рублей. Сейчас соседи готовы одно машино-место купить за 1 400 000 рублей. В настоящее время машино-место сдается в аренду за 11000 рублей в месяц.

Дополнительные условия:

По данным Налогового кодекса, предельный размер имущественного вычета при продаже имущества равен 1 млн рублей за налоговый период (календарный год) - для жилых домов, квартир, комнат, включая приватизированные жилые помещения, садовые дома или земельные участки (доли в указанном имуществе); 250 тысяч рублей - для иного недвижимого имущества; 250 тысяч рублей - для иного имущества (за исключением ценных бумаг).

Рассчитайте:

Что выгоднее: продать и положить деньги на вклад под 6 % годовых или сдавать в аренду?

Решение:

Если продать места и положить деньги на вклад 6% годовых, то: размер инициального вычета в этом случае будет 1000000 => за вычетом Борис получит $1000000 \cdot 0,13 = 130000$ рублей в год

Заработок от продажи будет равен: $1400000 \cdot 2 = 2800000$ рублей $\frac{2800000}{20} = 140000$ рублей в год
в сумме Борис получит $140000 + 130000 = 270000$ рублей, которые может вложить под 6% годовых. Таким образом, Борис с вклада будет получать $270000 \cdot 0,06 = 16200$ рублей в год

Если не продавать места, то они будут в распоряжении Бориса и он будет сдавать их в аренду. Аренда за одно место в месяц: 11000р => он будет получать за 2 места 22000р/мес => за год он будет получать $22000 \cdot 12 = 264000$ рублей

Всего Борис будет получать $264000 + 150000 = 414000$ рублей в год. Если же он будет сдавать деньги на вклад, то он будет получать $162000 + 130000 = 292000$ рублей в год.

В I случае у Бориса будет 414000 и он будет получать в год 175800 р

В II случае у Бориса $168000 + 130000 = 298000$

В I случае Борис будет ежегодно получать 175800 р } => выгоднее
В II случае Борис будет ежегодно получать 264000 р }

Сдавать места в аренду (разница прибыли за год будет 88200 рублей)

Ответ к задаче: продать места в аренду, т.к. если сдать места в аренду то в год доход будет на 88200 рублей больше на 34000 рублей.

Задача 4. Ипотека и ремонт

Банковские продукты. Ипотечное кредитование. Личный бюджет

Петр снимает однокомнатную квартиру за 40000 рублей в месяц и в январе получил одобрение ипотеки в банке (6 000 000 рублей под 5% на 20 лет). Он хочет купить квартиру в новом доме. Застройщик предлагает несколько вариантов (при наличии отделки ее стоимость входит в общую стоимость квартиры):

1. Квартира-студия 38м² на 11-м этаже с красивым видом на город, без ремонта (в черновой отделке), в готовом доме, ключи отдадут сразу же после сделки купли-продажи. Цена квартиры – 141600 руб/м²
2. 1-комнатная квартира 41м² на 6-м этаже с балконом, в предчистовой отделке (частичный ремонт, нужна техника, мебель, оборудование санузлов), в строящемся доме, ключи отдадут через 6 месяцев после сделки купли-продажи. Цена квартиры – 149000 руб/м²
3. Квартира-студия 36м² на 8-м этаже с красивым видом во двор, с ремонтом (в чистовой отделке с сантехникой, дверями и минимумом стандартной мебели), в готовом доме, ключи отдадут через 3 месяца после сделки купли-продажи. Цена квартиры – 155900 руб/м²

Петр узнал сколько будет стоить ремонт каждой квартиры и составил таблицу:

Отделка квартиры	Черновая	Предчистовая	Чистовая
Отделочные работы за м ²	8000 руб.	2900 руб.	1800 руб.
Материалы за м ²	6600 руб.	1800 руб.	900 руб.
Срок ремонта	6 месяцев	2 месяца	1 месяц

Рассчитайте:

Какую квартиру выгодно купить Петру, чтобы минимизировать свои общие расходы до переезда в новую квартиру, включая оплату аренды, ремонт и выплату ипотеки?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение: I: $38 \cdot 141600 = 5380800$ р - ст-ть квартира
 первичная отделка, значит он заплатит $(8000+6600) \cdot 38 = 476000$
 итоговая ст-ть покупки: $5380800 + 476000 = 5856800$ ~~5829600~~ 5856800

II: $41 \cdot 149000 = 6109000$ - ст-ть кв.
 предпринимательская отделка $\Rightarrow (2900+1800) \cdot 41 = 192700$
 кто-то через 6 мес \Rightarrow за аренду заплатит $6 \cdot 40000 = 240000$ р
 итоговая ст-ть: $6109000 + 192700 + 240000 = 6541700$ ~~6514700~~ 6541700

III: $36 \cdot 155900 = 5612400$ р - ст-ть кв.
 вторичная отделка $\Rightarrow (1800+900) \cdot 36 = 97200$
 кто-то через 3 мес. \Rightarrow за аренду заплатит: $3 \cdot 40000 = 120000$ р
 общая ст-ть квартиры: $5612400 + 97200 + 120000 = 5829600$ ~~5735400~~ 5829600

квартира с наименьшей стоимостью: ~~5735400~~ ~~5829600~~ I квартира
 III квартира, т.е. квартиру-студию 36 м^2 , её суммарная ст-ть:
 5829600 рублей.

Ответы к задаче:
 Выгодней всего будет купить квартиру-студию 36 м^2

Задача 5. Кредит на развитие бизнеса

Предпринимательство. Кредитование

Анна и Михаил являются партнерами в бизнесе и решают расширить свой бизнес, открыв новый офис. Они обратились в банк "Финансовый успех" для получения двух кредитов по 10 000 000 рублей на 5 лет. На момент обращения у Анны и Михаила разные кредитные истории.
 У Анны отличная кредитная история, поэтому банк одобрил ей кредит под процентную ставку 12% годовых.
 У Михаила были просрочки по выплате кредитов в прошлом и есть кредитная карта, поэтому банк предложил ему кредит под процентную ставку 19% годовых.

Через 3 года Банк предлагает возможность досрочного погашения кредита без штрафных санкций.

Анна решила погасить кредит полностью, а Михаил решил погасить 2/3 своего кредита через три года, а 1/3 кредита - в течение оставшихся 2 лет до окончания срока кредита.

Рассчитайте:

1. Какую сумму процентов Анна заплатит в случае полного досрочного погашения кредита через 3 года?
2. Какую сумму процентов Михаил заплатит за первые 3 года, если он погасит 2/3 своего кредита через 3 года?
3. Какую общую сумму процентов заплатит Михаил за весь период кредита, с учетом досрочного погашения 2/3 кредита через 3 года и погашения оставшейся 1/3 кредита в течение оставшихся 2 лет?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1. Анна: 10 000 000 ^{на 5 лет} под 12% годовых. Погасила его полностью через 3 года.

За первые 3 года Анна заплатит всю сумму и проценты за 3 года значит она заплатит $3 \cdot 12\% = 36\%$ дополнительно \Rightarrow сумма процентов:

~~$(10000000 \cdot 0,12) \cdot 3 + (10000000 \cdot 0,12) \cdot 3 = 6000000 + 6000000 = 12000000$~~

~~Вместо этого она заплатит $10000000 \cdot 0,36 = 3600000$~~
~~и еще она заплатит $2000000 + 4000000 = 6000000$~~

~~36%~~ ~~3600000~~ ~~10000000~~ ~~13600000~~
сумма процентов: $10000000 \cdot 0,36 = 3600000$ рублей

2. За первые 3 года Михаил заплатит 2/3 кредита и $19 \cdot 3 = 57\%$ сверху.

~~$(10000000 \cdot 0,19) \cdot 3 + (10000000 \cdot 0,19) \cdot 3 = 11700000$~~

2/3 кредита: $\frac{2}{3} \cdot 10000000 = 6666666,67$ рублей

57% от ~~2/3~~ 2/3 кредита: $6666666,67 \cdot 0,57 = 3800000$ заплатит

Михаил за первые 3 года в виде суммы процентов

3. Как я посчитал в предыдущем пункте,

за первые 3 года сумма процентов составит 3800000 рублей.

За оставшиеся 2 года Михаил выплатит $\frac{1}{3}$ всей суммы, т.е.

$\frac{1}{3} \cdot 10000000 = 3333333,3$ и за два года он должен будет выплатить 6% процент равный $19 \cdot 2 = 38\%$ по этой сумме. Значит:

$3333333,3 \cdot 0,38 = 1256666,6 \Rightarrow$ сумма процентов за весь период.

Сумма процентов за весь срок: $3800000 + 1256666,6 = 5056666,6$

Ответы к задаче:

1. 3600000

2. 3800000

3. 5056666,6

456243

Кейс 1. Сбережения на образование

Личное финансовое планирование, семейный бюджет

Кате в январе 2024 года исполнилось 3 года. Ее родители очень хотят, чтобы их дочь получила образование в престижном университете. Они планируют, что Катя поступит в университет в 18 лет и будет учиться 4 года.

В 2024 году один год обучения вместе с затратами на проживание в общежитии, книги и питание стоит 800 тыс. рублей в год. И будет дорожать на 4% в год.

Родители изучили исследования по мотивации, условия получения образовательного кредита и решили, что 40% затрат внесет сама Катя. Сейчас родители готовы инвестировать 160 тыс. рублей имеющихся сбережений на эту цель.

Среднегодовая доходность инвестиций (после налогов) = 9%

Рассчитайте:

1. Сколько составили бы затраты родителей на обучение Кати на первом курсе сегодня?
2. Рассчитайте полную стоимость обучения за 4 года, которую оплатят родители Кати в будущем, с учетом роста цен.
3. Сколько родителям необходимо сберегать в год, чтобы накопить на обучение Кати к ее 18-му дню рождения?
4. Каков будет общий объем накоплений к 18-летию Кати, учитывая внесенные родителями суммы и годовую доходность инвестиций?
5. Какие возможные стратегии инвестирования родители могут рассмотреть для достижения необходимого объема накоплений?

Приведите все промежуточные расчеты.

Ответы к кейсу:

1. ~~Катя поступит через 15 лет, значит ст-ть обучения в год подорожает на 45-60% за 15 лет. Затраты в год в 2024 году составят 800000 руб. В 2029 году родители заплатят за 1 418000 руб. 42520000 рублей~~
Сегодня затраты составили бы $800000 \cdot 0,4 = 320000$ рублей

2 Катя поступит через 15 лет \Rightarrow ст-ть обучения в год подорожает на $4 \cdot 15 = 60\% \Rightarrow$ ст-ть обучения в год составит: $800000 \cdot 1,6 = 1280000 \Rightarrow$ за 4 года родители заплатят: $1280000 \cdot 4 = 5120000$ рублей

3. Родители собираются оплачивать обучение Катю не полностью, т.к. 40% вложит сама Катя => родители внесут 60% = $512000 \cdot 0.6 = 307200$, значит им ежегодно надо откладывать $307200 : 15 = 204800$ рублей.

4. Родители готовы откладывать ежегодно 160000, значит за 15 лет они соберут $160000 \cdot 15 = 2400000$ рублей, если в среднем инвестиция приносит 9% в год, то: $2400000 \cdot 1.09 = 2616000$. столько накопит родители Катю за 15 лет.

5. Родители Катю могут запросить налоговые вычеты ^{на} обучение Катю, максимальной суммой налогового вычета за ребенка - ~~то~~ 110000 рублей, значит за 4 года можно будет вернуть: $110000 \cdot 4 \cdot 0.13 = 57200$ р. Это уже сэкономит их вложения. Родители Катю также могут, например, вложить деньги ~~в~~ вклад с ежегодной капитализацией процентов, и погашать его ежегодно

Ответы к задаче:

1. ~~5120000~~ 3200000
2. 5120000
3. 204800
4. 2616000
5. Налоговые вычеты на обучение, вклад с ежегодной капитализацией процентов, погашать его каждый год

Кейс 2. Финансовая грамотность и уроки жизни в “Преступлении и наказании” Ф.М. Достоевского

Финансовая математика. Герои литературы финансовая грамотность

— Славная она, — говорил он, — у ней всегда можно денег достать. Богата как жид, может сразу пять тысяч выдать, а и рублевым залогом не брезгает. Наших много у ней перебивало. Только стерва ужасная... И он стал рассказывать, какая она злая, капризная, что стоит только одним днем просрочить залог, и пропала вещь. Дает вчетверо меньше, чем стоит вещь, а процентов по пяти и даже по семи берет в месяц

В романе "Преступление и наказание" Федора Достоевского, герой Родион Раскольников берет кредит у Алены Ивановны, процентщицы:

Старуха стояла перед ним молча и вопросительно на него глядела. Это была крошечная, сухая старушонка, лет шестидесяти, с острыми и злыми глазками, с маленьким острым носом и простоволосая:

- Вот-с, батюшка: коли по гривне в месяц с рубля, так за полтора рубля причтется с вас пятнадцать копеек, за месяц вперед-с. Да за два прежних рубля с вас еще причтается по сему же счету вперед двадцать копеек. А всего, стало быть тридцать пять. Приходится же вам теперь всего получить за часы ваши рубль пятнадцать копеек. Вот получите-с. (Гривна или гривенник - монета в 10 копеек)

По мнению друга Достоевского А. Е. Ризенкампа, отвращение к ростовщикам, которое писатель впоследствии передал в романе через эмоции Раскольникова по отношению к старухе-процентщице, могло сформироваться у него в результате одной истории времён его молодости. Достоевский согласился на ссуду, условия по которой можно назвать безумными: сумма кредита — 300 рублей, под 100% за четыре месяца, при этом 100 рублей из суммы процентов удерживались сразу.

Раскольников, учившийся на юриста, входит в нижние 10 процентов населения по доходам: в начале XX века - это мастеровые, рабочие, нищие, арестанты. Его годовой доход - 100 рублей.

В кошельке старухи-процентщицы, помещенном Раскольниковым под приметный камень после двойного убийства и ограбления, было 317 рублей 60 копеек.

Дополнительные условия:

В 2022 году 10% наиболее обеспеченных россиян (с самыми высокими денежными доходами) имели в среднем 101,2 тыс. руб. дохода в месяц, а 10%

жителей страны с самыми низкими доходами имели в среднем 11,1 тыс. руб. дохода в месяц.

«Выборочное наблюдение доходов населения и участия в социальных программах» Росстат, 2023 г

Рассчитайте:

1. Процентную ставку, которую взимала Алена Ивановна за предоставление кредита Раскольникову летом 1865 года?
2. Под какой процент годовых в молодости брал кредит автор романа и какую сумму должен был выплатить через 4 месяца?
3. Какова альтернатива ростовщичеству? что делать обычному человеку, не владеющему финансовыми знаниями?
4. Сколько забрал у Алены Ивановны Раскольников? Сопоставьте с сегодняшними деньгами, используя данные статистики.
5. Какие альтернативные варианты финансирования и инвестирования, которые могли быть доступны Раскольникову или обычному человеку того времени?

Ответы к кейсу:

1. „по рублю в месяц с рубля“ \Rightarrow нужно было выплачивать 10 копеек с 1 рубля в месяц. 10 копеек от 1 рубля - это 10% \Rightarrow кредит был 10% в месяц или же 120% в год.

2. 300 рублей под 100% за 4 месяца. Значит ~~взнос~~ так как в году 12 месяцев, то ставка была: $100\% \cdot 3 = 300\%$ годовых

3. Можно было, например стать торговцем и продавать вещи, которые ты сделал своими руками - затраты (финансовые) на материалы вид деятельности очень малы и можно продать свою продукцию на рынке

4. Исходя из данных в условии, раньше у беднейших 10% был доход 100р/год, а сейчас - 1100р/мес $\Rightarrow 12 \cdot 1100 = 13200$ р/год \Rightarrow 100 рублей XIX века эквивалентны 13200р нынешних \Rightarrow 1р тогда = 1332р сейчас \Rightarrow на сегодняшний год раскольников украл $317,6 \cdot 1332 = 423043$, 2 рублей

Можно было...