

Финал

XIX Всероссийской олимпиады по финансовой грамотности, устойчивому развитию и защите прав потребителей финансовых услуг
«Финатлон для старшеклассников»

2 марта 2024 год

8-9 классы

Вариант 2

Задача 1. Личный бюджет в XVIII веке

история финансов, личный бюджет

Михаил Ломоносов в 19 лет покинул свою родную деревню в Архангельской области и отправился в Москву, чтобы учиться. Он взял у своего соседа три серебряных рубля в качестве денег на дорогу, сохраняя это втайне от семьи.

После поступления в Славяно-греко-латинскую академию в 1731 году, Михаил Ломоносов начал получать стипендию в размере 3 копеек в день.

Он тратил одну денгу ($\frac{1}{2}$ копейки) на хлеб, другую - на квас, а остальные деньги откладывал.

Рассчитайте:

- За сколько дней Михаил Ломоносов вернет долг соседу?
- Определите, сколько денег Михаил Ломоносов отложит за 9 месяцев (270 дней) своей стипендии (учитывая расходы и возврат долга)?
- Сможет ли он прожить на свои накопления до начала нового учебного года 1 сентября, при этом летом (90 дней) стипендия не выплачивается?

Решение: *Денги: 300 коп. Немножечко: 3 коп/день Тратя: 0,5 + 0,5 коп/день Срок: 270 дн.*

1. *При условии что в размере 1 копейки в день, у Ломоносова получается откладывать 3 - 1 коп = 2 коп/день. Согласитесь, если в 300 коп Ломоносов отложит за 300 = 150 дней*
2. *Т.к. Ломоносов 150 дней не сможет откладывать "себе в карман", то он сможет откладывать только 270 - 150 = 120 дней, значит, он накопит 120 * 2 коп. = 240 копеек*

455214

3. Машковецу нужно промыть 90 рндей без стирки, при этом в 1 конечн., ему надо - быть 90. $\frac{1}{2} = 90$ кон. Т.к. из усл. 2, мы знаем, что он наконец 240 конек, и $90 < 240$, то Машковец справляется раньше до 1го сентября.

Ответы к задаче:

1. 150 рндей
2. 240 конек
3. Машковец справляется раньше до 1го сентября.

Задача 2. Инвестиционный портфель Андрея

Инвестиции

Андрей в день своего 18-летия решил инвестировать свои накопления в сумме 200 000 рублей.

Андрей понимает, что инвестиции несут определенный уровень риска. Он хочет управлять своим риском и решает добавить еще один инструмент в свою инвестиционную стратегию (диверсификация).

Андрей изучил различные возможности и выбрал три инвестиционных инструмента: облигации, акции и инвестиционный фонд, который следует за индексом (далее - индексный фонд).

Аналитики дают следующие прогнозы на будущий год:

Инструмент	Доходность	Риск
Облигации	14%	5%
Акции	15%	18%
Индексный фонд	13%	10%

Также известны исторические данные о корреляции (статистической взаимозависимости) между разными классами активов.

Инструмент 1	Инструмент 2	Корреляция
Облигации	Акции	0,2
Облигации	Индексный фонд	-0,3
Акции	Индексный фонд	0,5

Андрей решил составить такой портфель:

Доля облигаций: примерно 40%

Доля акций: примерно 30%

Доля индексного фонда: примерно 30%.

Рассчитайте:

- Какова предполагаемая годовая доходность и риск его портфеля инвестиций?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

$$\text{1. Ожидаемый кумулятивный доход: } 200 \cdot 0,4 = 80$$

Акций кумулятивный:

Индексного фонда кумулятивный:

общая доходность

2.

~~$$5 \cdot 0,4 + 18 \cdot 0,3 + 10 \cdot 0,3$$~~

$$5 \cdot 0,4 + 18 \cdot 0,3 + 10 \cdot 0,3 = 10,4\% \text{ риск общего}$$

$$0,7 \cdot 0,2 + 0,7 \cdot (-0,3) + 0,6 \cdot 0,5 = 0,23 - \text{коррелирует.}$$

$$10,4 + 2,3\% = 12,7\% - \text{риск}$$

Ответ к задаче:

1. 13,4% - общая доходность

2. 12,7% - общий риск

Задача 3. Новый смартфон Семена

личный бюджет, мошенники

Захотел Семен новый смартфон, а денег в копилке немного.

И тут пишет ему незнакомый номер:

“Есть у меня счет классный. Очень помогает. Деньгами“

“Как?”

455214

“Деньги удваивает. Положишь деньги на спецсчет, и через три дня – готово: деньги, какие были на счете, удвоились. Удобно!”

“Вот бы мне так,” – мечтательно написал Семен.

“Это можно. Комиссия только будет.”

“Кому и сколько платить?”

Узнав, что у Семена денег мало, незнакомец согласился получить после каждого удвоения по 12000 рублей.

Семен решил воспользоваться возможностью и отправил все сбережения на указанный счет.

Через три дня Семен получил обещанное удвоение денег и отдал обещанное вознаграждение в размере 12000 рублей.

Он был впечатлен и решил повторить процесс еще два раза.

Каждый раз после трех дней его деньги удваивались, и он отдавал по 12000 рублей.

Однако в третий раз, когда Семен отправил деньги на счет и отдал обещанные комиссионные, он обнаружил, что баланс его счета равен 0.

Схема оказалась мошеннической. Семен потерял сбережения.

Рассчитайте:

1. Сколько было у Семена денег до злополучных опытов с коварным незнакомцем?
2. На каком шаге (номер удвоения) схема мошенника стала невыгодна для Семена?
3. Какую сумму в эту схему вложил мошенник?
4. Почему ему было важно выяснить, сколько денег у Семена?
5. Сколько денег в итоге после всех удвоений и комиссий заполучил мошенник?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1. Нк. Семен сам отдал 12000 руб после 1го удвоения, потому что 12000 руб после 2го удвоения, то у Семена и сейчас повторит эту схему 3 раза, то учетя на счету было 12000 руб или больше

2. Схема должна повторять еще на 3 шаге т.к. его

1. У Семена было 11250 руб, т.к. вложились условия: 1руб 10% на счет
для усл: 3000; Зес: 600 на счет; Чуд: 0 на счету.

2. Схема должна повторять на 1м шаге, т.к. после 1го удвоения
и комиссии на счету стало меньше денег чем было.

3. Мошенник вложил в эту схему 11250р.

455214
Минимум ~~расходов~~ 112500 - все
деньги Семена.

Ответ к задаче:

1. 11250 р
2. На эти шаги
3. 11250р
4. Это было вспомоществование, за какое касается
тебя сумма будет умножаться "на сколько
раз в год"
5. 11250 р

Задача 4. Мама Никиты копит на первоначальный взнос

Финансовая математика. Финансовая цель

Мама Никиты хочет накопить сумму в размере 3 000 000 рублей на покупку недвижимости через 5 лет.

Она рассчитывает экономить каждый месяц постоянную сумму и положить ее в банк под годовую процентную ставку 12%.

Из-за инфляции цены на недвижимость выросли. После консультации со специалистом мама решила увеличить сумму накоплений и поставила цель накопить 3 500 000 рублей на через 5 лет.

При этом она хочет продолжать откладывать одинаковую сумму каждый месяц и получать годовую процентную ставку 12%.

Рассчитайте:

1. Размер ежемесячного платежа мамы Никиты, чтобы накопить 3 000 000 рублей.

455244

2. На сколько процентов маме Никиты надо будет увеличить ежемесячные сбережения, чтобы достичь новой цели 3 500 000 рублей за то же самое время.

Решение:

Расчеты округлите до 2-х знаков после запятой.

1. ~~Берем таблицу калькулятора денег на счету, приняв x за $\frac{1}{12}$ год, ежемес. начисление на счету $12x$, т.к. процента налоги за год.~~
~~1 год: $13,14x$~~
~~2 год: $25,49x$~~
~~3 год: $57,35x$~~
~~4 год: $76,13x$~~
~~5 год: $85,38x$~~
2. ~~Воспользуемся у-ем из ~~этого~~ вопроса 1 \Rightarrow~~

$$85,38x = 3500000 \Rightarrow x = 40993,20 \text{ руб} \rightarrow \text{ежемес. начисл.}$$

$$\frac{40993,20}{35137,03} - 1 \approx 16,67\%$$

Ответ к задаче:

1. 35137,03

2. на 16,67%

Задача 5. Квартира для дочери

Папа Виктории приобрел трехкомнатную квартиру стоимостью 6 000 000 рублей для дочери, когда ей исполнилось 8 лет. Он предполагает возможную продажу квартиры через 10 лет, когда дочери исполнится 18 лет.

Рыночная стоимость недвижимости растет на 5% в год.

Коммунальные платежи в год составляют 8 000 рублей

До совершеннолетия Виктории папа решил сдать квартиру в долгосрочную аренду за 70 000 рублей в месяц, чтобы накопить дочери капитал на образование.

45 Задача

Рассчитайте:

Во сколько раз увеличилась прибыль и доходность от сдачи в аренду квартиры по сравнению со стратегией простой продажи через 10 лет?

$$\left. \begin{array}{l} \text{с учетом} \\ \text{налога} \end{array} \right\} \frac{18,2\%}{5\%} \Rightarrow 6,964 \text{ раза}; \frac{1900000 + 977336,20}{977336,20} \Rightarrow 6,18$$

Инфляцию не учитываем.

$$\left. \begin{array}{l} \text{без учета} \\ \text{налога} \end{array} \right\} \frac{18,5\%}{5\%} \Rightarrow 6,378 \text{ раза}; \frac{8320000 + 977336,20}{977336,20} \Rightarrow 6,185 \text{ раза}$$

Решение:

Простая продажа квартиры:

Через 10 лет, зная, что цена квартиры будет равна $600000 \cdot (1 + 0,05\%)^{10} = 977336,20$ руб - стоимость квартиры через 10 лет.

Договорство: 5% в год.

Сдача в аренду:

Сдача квартиры в аренду начнет привносить $70000 \cdot 120 \text{мес} = 8400000$ руб, без учета ком. платежей.

Ком. платежи за 10 лет составят $8000 \cdot 10 = 80000$ руб.

Общая прибыль со зданий в аренду составляет

$$8400000 - 800000 = 8320000 \text{ руб.}$$

Договорство: 12,9% в год.

Допустим, что нара Финкертим оформлен как самоизмененный, зная, что 5% налога с дохода по квартире, зная 8400000 руб - 5% налога = 790000 руб дохода в год, в общем: 7900000 руб.

Ответ к задаче:

С учетом налога прибыль составит в 1,81 раза, а доходность в 3,64 раза
без учета налога прибыль увеличится в 1,85 раза, доходность в 3,78 раза

Договорство: 13,2%

Кейс 1. Отпуск Семеновых

Семья Семеновых (2-е взрослых и 2-е детей) планирует в мае 2024 г. поездку в Сочи. Помоги им составить бюджет поездки и ответь на несколько вопросов после каждой статьи расходов и в самом конце задачи.

Транспортные расходы.

Семья поедет в Сочи на поезде из Москвы.

435214

Цена билета на 1 человека: плацкарт – 8 600 рублей, купе – 10 700 рублей.

Доехать до вокзала можно на " Яндекс Такси".

Ожидание: первые 3 мин. бесплатно, а далее - 10 руб. за каждую минуту.

Стоимость поездки: первые 5 км пути стоят 220 руб., а далее - 10 руб. за км.

От дома до вокзала ехать 35 километров, а спуститься к машине быстрее, чем за 5 минут семья не сможет, так как берет в поездку большие и тяжелые чемоданы.

Также к вокзалу можно приехать на общественном транспорте, однако придется делать несколько пересадок.

От дома сначала придется доехать до Центральной площади на автобусе, проезд в котором стоит 60 рублей. Далее пересесть на метро (50 рублей с человека) и снова сесть на автобус, идущий на вокзал, стоимость проезда в котором - 60 рублей с человека.

Вопрос: какой способ будет оптимальным с точки зрения денег и времени?

Проживание в Сочи.

Мама хочет выбрать самый удобный отель на 12 ночей. Она нашла три варианта:

Отель	Цена за сутки (за номер)	Дополнительные условия
Отель «Море»	5 500 руб. (2-х местный)	Скидка 20% от общей суммы при раннем бронировании. Дополнительное место - 1000 руб. в сутки. Бесплатный трансфер от вокзала до отеля и обратно.
Парк-отель «Гора»	7 000 руб. (3-местный)	Скидка 35% от общей суммы при раннем бронировании. Бесплатный трансфер от вокзала до отеля и обратно.
Гостиница «Звезда»	4 000 руб. (2-х местный)	Скидка 15% от общей суммы за раннее бронирование. Дополнительное место – 2 000 руб. в сутки. Трансфер от вокзала до отеля и обратно стоит 1 500 рублей.

455214

Вопрос: какой вариант отеля будет оптимальным с точки зрения расходов семьи?

Развлечения

Папа хочет взять в аренду на 7 дней небольшой внедорожник для поездки в горы. Он выбирает из двух вариантов. За неделю папа планирует проехать 300 км. Стоимость бензина - 40 рублей за литр.

Оцените разницу между полной стоимостью аренды автомобилей этих марок.

	Автомобиль 1	Автомобиль 2
Внутри	Автоматическая коробка передач. Мультимедийная система. Кондиционер. Лебедка.	Автоматическая коробка передач. Мультимедийная система. Климат контроль. Навигатор. Панорамная крыша.
Аренда	4 400 рублей в сутки	4 500 рублей в сутки
Расход бензина	15 литров на 100 километров	10 литров на 100 километров
Бензин	АИ-95	АИ-95

Вопрос: какой вариант автомобиля будет более бюджетным?

Ответ к кейсу:

- Какой способ поездки на вокзал будет оптимальным с точки зрения денег и времени?

Я считаю, что способ поездки на такси будет комбинации удобнее, т.к. у семьи больше и меньше гемороя! Всего стоимость поездки на такси - $2 \cdot 10 + 220 + 30 \cdot 10 = 540$ руб. Стоимость поездки на общ. трансп. неизвестно.

~~Т.к. мы едем сколько туда, потом обратно, то стоимость поездки на такси меньше, т.к. там на общ. транс., по тому, такси откладывает и удобнее.~~

- Какой вариант отеля будет оптимальным с точки зрения расходов семьи?

вариант с парком-отелем "Гора" не подходит, т.к. в номере 3 места, нет возможного размещения, а покупают 2 номера экономичнее не ворю. Вариант с отелем "Мир" включает в себя $45500 + 1000 + 1000 + 0 \cdot 0,8 = 72000$ руб. Но он не удобен тем, что приходится ставить 2 дни места в ближайших номерах.

В постапплике "Зарра" удобнее 655214
будет въезд в 2-х местного пассажира, т.к. это сколько
также, как 2 соп. места. Но в постапплике машиной
транспорт, а он нужен для семьи. Стоимость:
 $(12/4000+4000)+1500 \cdot 0,85 = 82875$ руб

Наиболее подходящими вариантами для семьи
отель "Море", т.к. он наиболее бюджетен.

3. Какой вариант автомобиля будет более бюджетным?

Автомобиль 1

$$\text{Аренда: } 4100 \cdot 7 = 30800 \text{ ₽}$$

$$\text{Топливо: } 45 \cdot 40 = 1800 \text{ ₽}$$

$$32600 \text{ ₽}$$

Автомобиль 2.

$$\text{Аренда: } 4500 \cdot 7 = 31500 \text{ ₽}$$

$$\text{Топливо: } 30 \cdot 40 = 1200 \text{ ₽}$$

$$32200 \text{ ₽}$$

Автомобиль 1 будет более бюджетной и удобной въездом.

4. Таблица ответов: запишите выбранные вами варианты затрат и подсчитайте итоговую сумму, напишите детальный расчет.

	$+220 + 30 \cdot 10$	
ЯндексТакси	2·10540 ₽	540 ₽ · 2
Плюшкарт	8600 · 4	34400 ₽ · 2
Отель "Море"	$(12 \cdot (5500 + 1000 \cdot 2) + 0) \cdot 0,8$	72000 ₽
Автомобиль 1	$4100 \cdot 7 + 45 \cdot 40$	32600 ₽
Итого.	$1080 + 34400 + 72000 + 32600 +$ $+ 34400$	174480 руб

Обоснуйте, почему ваш вариант бюджета будет оптимальным для семьи.

Такси наименее удобно и въезд, плюшкарт, т.к. машине се въезжает, также удобен и бюджетнее купе, дающее с учетом пасажирки в две стороны. Отель "Море" - наименее удобный, а неудобства можно перебрать. Автомобиль один - наименее бюджетный, а лебедка приправа в гараж, а кондиционер в машину.

Дополнение: цена за такси и за плюшкарт убрана в счету

455214

Кейс 2. Финансовые проблемы героев в романе "Мёртвые души" Николая Васильевича Гоголя

Герои романа демонстрируют различные формы финансовой неграмотности, которые приводят их к серьезным финансовым проблемам.

Павел Иванович Чичиков служил в таможне и за взятки позволял переправлять контрабанду через границу. Афера раскрылась, но Чичиков сумел сохранить часть денег.

Теперь Чичиков едет в город N, где покупает у местных помещиков умерших крестьян, которые по переписи числятся живыми. Затем он планирует оформить их на себя.

У него два плана. Первый - получить большой кредит в опекунском совете под своих крепостных.

Средняя в России рыночная цена крепостного составляла около 200 рублей. Заложить крепостного можно было за 15 процентов от его рыночной цены.

Второй - в статусе «состоятельного помещика» жениться на невесте с хорошим приданым.

При удачном стечении обстоятельств оба плана могли быть реализованы одновременно.

"Он представил себе свои деньги, не то что в целой дюжине кудошек, но в целом рее, и деньги эти блестели от корки до корки не то купонами, а золотом, как бы помнящим об истинную наследию человека."

Вопрос: сколько душ Чичиков купил?

Манилов Чичикову мертвые души просто дарит, но не называет количество. Настасья Петровна Коробочка продает Чичикову 18 душ за 15 рублей оптом. Ноздрев крестьян не продает: он предлагает Чичикову выиграть их в карты или в шашки или купить жеребца и получить мертвые души в придачу. У Михаила Семеновича Собакевича Чичиков купил неизвестное число душ по 2,5 рубля за штуку. У Плюшкина Чичиков купил 198 душ по 32 копейки за штуку. Всего было

455214

куплено более 400 мертвых душ и Чичиков потратил на это 328 рублей 36 копеек:

"Чичиков проснулся, потянул руки и ноги и почувствовал, что выспался хорошо. Полежав минуты две на спине, он щелкнул рукою и вспомнил с просиявшим лицом, что у него теперь без малого четыреста душ".

Вопросы:

1. Какую сумму Чичиков потратил на покупку душ у Собакевича, если он купил их по 2,5 рубля за штуку?
2. Сколько душ Чичиков купил у Собакевича?
3. Сколько душ было подарено Чичикову Маниловым?
4. Рассчитайте залоговую цену крепостного.
5. Какую прибыль ожидал получить Чичиков, если он потратил 330 рублей и рыночная цена крепостного составляла 200 рублей, а залоговая цена колебалась от 20 до 30 рублей?

4. Залоговая цена крепостного: $200 \cdot 0,15 = 30 \text{ р.}$

5. Чичиков наставил получить прибыль от 8000-330 до

Решение к кейсу: $12000 - 330$, т.к. $12000 \cdot 20 \dots 30 = 8000 \dots 12000$. Такое у Чичикова будет нечестно, с ним нужно так же, ибо 400 душ и

1,2. Потратил: 328 р 36 коп., из них 63 р 36 к-у Михалкина,

15 р - у Коробочкиной. Остаток: 250 р и 184 руши. Т.к.

Оставшиеся души он или получит "просто так" если
вспоминает все 250 р. он потратил на Собакевича и
купил $250 \div 2,5 \text{ р} = 100 \text{ руши.}$

3. Т.к. Чичиков мог не выплачивать крепостной
душам в казну или ее покупать передела, то
может ему подарили от 1 до 84 душ.

Ответы к кейсу:

1. 250 р.
2. 100 руши.
3. 1 и 84 руши.
4. 30 р
5. 3680...11690 ~~без учета приданного и венца + 80000 р и более~~
~~приданного и венца.~~