

Финал
XIX Всероссийской олимпиады по финансовой грамотности, устойчивому развитию и защите прав потребителей финансовых услуг
«Финатлон для старшекласников»
2 марта 2024 год

8-9 классы

Вариант 1

Задача 1. Финансовая цель

Личное финансовое планирование. Финансовые риски. Основы финансовой математики

Представьте себя через 10 лет. Вы сдали все экзамены в школе, поступили в классный ВУЗ, отучились там, нашли работу. Время реализовать свою мечту и отправиться в большое путешествие с друзьями.

Стоимость данной цели 3 млн рублей в текущих ценах. Средняя инфляция 5% годовых. Ваши накопления равны 110 000 рублей.

Вам доступны следующие финансовые инструменты:

	Минимальная сумма	Процент за год	Пополнение / продление
Депозит на год	10 000 рублей	8%	нет/нет
Депозит на 5 лет	100 000 рублей	7%	да/да
Депозит на 10 лет	1 000 000 рублей	5%	нет/нет

Сделайте расчеты и выберите финансовый инструмент, который позволит вам гарантированно достичь цели.

1. Рассчитайте будущую стоимость цели через 10 лет с учетом инфляции (округлите ответ до целого).
2. Подберите финансовый инструмент для накоплений с минимальными рисками. Напишите вариант и процентную ставку.

3. Сделайте расчет, удастся ли вам накопить нужную сумму (будущую стоимость цели) с учетом ежегодного пополнения депозита на 200 000 рублей и процентной ставки инструмента, который вы выбрали.

Приведите все промежуточные расчеты и ход ваших мыслей.

Решение:

- $1_{год} - 3.000.000 \text{ р. } 5\% = 3.000.000 \text{ р.} \cdot 1,05 = 3.150.000 \text{ р.}; 2_{год} - 3.150.000 \text{ р. } 5\% - 157.500;$
 $3_{год} - 3.307.500 \text{ р. } 5\% - 165.375; 4_{год} - 3472.875 \text{ р. } 5\% - 173.644; 5_{год} - 3.646.519 \text{ р. } 5\% - 182.326;$
 $6_{год} - 3.828.845; 7_{год} - 4.020.287; 8_{год} - 4.221.301; 9_{год} - 4432.366; 10_{год} - 4653.984$
- фиксированной инструмент для максимального снижения риска, должен иметь % ставку больше % инфляции и возможность пополнения и ^{его} граждения.
- из решения №1 за 10 лет сумма цен ≈ 4653984 ; по подсчетам за 10 лет использование депозита на 5 лет с 7% - ой годовой ставкой сумма накопления составит ≈ 3000000 р. т.е. в теории накопить сумму получится т.к. годовая % инфляции < % - ой ставки депозита

Ответ к задаче:

- 4653984 рублей
- депозит на 5 лет, 7% годовых
- да, получится через 15-20 лет.

Задача 2. Финансовые реформы 1748 г.

история финансов, правовое регулирование

Императрица Елизавета Петровна выпустила указ, приказывающий изымать из обращения серебряные монеты и обменивать их на медные монеты. В то время серебряный рубль был равен 25,85 грамма серебра.

Единственными типами медных монет, чеканившихся в тот год, были "денги" (½ копейки) и "полушки" (¼ копейки). Вес "денги" - 8,19 грамма, а "полушки" - 4,1 грамма.

Все государственные расходы также проводились с помощью медных монет, а золотые и серебряные монеты оставались в казне.

Также в 1748 году Михаил Ломоносов написал оду в честь годовщины по восшествию императрицы Елизаветы Петровны на престол и был награжден двумя тысячами рублей в медной монете.

Вознаграждение весило более 2 тонн, и его пришлось везти на нескольких подводах.

Рассчитайте:

1. Сколько медных монет нужно напечатать на монетном дворе для выплаты Михаилу Ломоносову, если награду выдали денгой ($\frac{1}{2}$ копейки)?
2. Сколько медных монет нужно напечатать на монетном дворе для выплаты Михаилу Ломоносову, если награду выдали полушками ($\frac{1}{4}$ копейки)?
3. Во сколько раз медная награда была тяжелее серебряной?

Решение:

1. т.к. выдали 2000 р. медной монетой, рассчитаем кол-во копеек в данном сумме - $2000 \text{ р.} \cdot 100 = 200\,000 \text{ коп.}$; из задачи известно, что выдали сумму монетами = $\frac{1}{2}$ копейки \Rightarrow полученное число умножаем на 2
 $200\,000 \text{ коп.} \cdot 2 = 400\,000 \frac{1}{2} \text{ коп.}$
2. $\frac{1}{2}$ копейки в 2 раза $>$ $\frac{1}{4}$ копейки \Rightarrow для расчета кол-ва монет номиналом $\frac{1}{4}$ копейки нужно к числу из задачи $\cdot 1$ умножить на 2
 $400\,000 \frac{1}{2} \text{ коп.} \cdot 2 = 800\,000 \frac{1}{4} \text{ коп.}$
3. вес награды из меди $\approx 8,2 \cdot 2 \cdot 200\,000 \approx 3\,280\,000 \text{ г.} \approx 3,28 \text{ тонны}$
 вес награды из серебра $\approx 25,85 \cdot 2000 \approx 51\,700 \text{ г.} \approx 0,0517 \text{ тонны}$
 отношение $= \frac{3,28}{0,0517} \approx 63 \text{ раза}$

Ответ к задаче:

1. 400 000 монет номиналом $\frac{1}{2}$ копейки.

2. 800 000 монет номиналом $\frac{1}{4}$ копейки

3. в 63 раза

Задача 3. Покупки Васильевых и НДС

налоги

Семья Васильевых каждую субботу покупает продукты в супермаркете на неделю. По чеку они заплатили 5480 рублей (с учетом НДС - налога на добавленную стоимость).

При этом общая сумма НДС (налога на добавленную стоимость) составила 680 рублей.

Также из чека видно, что часть товаров облагалась налогом на добавленную стоимость по ставке 10%, а еще часть - по ставке 20%.

Рассчитайте:

1. Стоимость товаров, которые облагаются НДС по ставке 10%
2. Стоимость товаров, которые облагаются НДС по ставке 20%.

Решение:

①-2) x - общая стоимость продуктов с НДС = 10%

y - общая стоимость продуктов с НДС = 20%

Составим уравнение,зная, что стоимость НДС = 680 р., а общая стоимость товаров = 5480 р.

$$\begin{cases} \text{н1} & 0,1x + 0,2y = 680 \text{ р.} \\ \text{н2} & x + y = 5480 \text{ р.} \end{cases} \quad \begin{matrix} \text{н1} \\ \text{н2} \end{matrix} \text{] - система уравнений}$$

$$\begin{cases} \text{н1} & 0,1x + 0,2y = 680 \text{ р.} \\ \text{н2} & x + y = 5480 \text{ р.} \end{cases} \quad \text{н2} \cdot (-0,1)$$

$$\begin{cases} 0,1x + 0,2y = 680 \text{ р.} \\ -0,1x - 0,1y = -548 \end{cases} \quad \text{+ (метод сложения)}$$

$$0,1y = 132$$

$$y = 1320 \text{ р.}$$

$$x = 5480 - 1320 \text{ (выяснили из уравнения н2)}$$

$$x = 4160 \text{ р.} \quad 5480 - 1320 = 4160 \text{ р.}$$

4160 р. - стоимость товаров с НДС = 10%

1320 р. - стоимость товаров с НДС = 20%

Ответ к задаче:

1.

4160 рублей

2.

1320 рублей

Задача 4. 10-летняя доходность портфеля Виктора

финансовая математика, инвестиции, налоги

В 2014 году родители Виктора вложили деньги 200 000 рублей в портфель из двух акций: половину - в акции промышленной компании и половину - в акции банка.

Акции промышленной компании росли на 10 процентов каждый год, а акции банка росли на 20 процентов ежегодно. Дивидендов не было.

Виктор получил этот портфель в наследство в 2024 году и решил продать ценные бумаги.

Рассчитайте:

1. Доход от инвестирования (разницу между общей стоимостью портфеля в 2024 году и суммой, которую родители вложили в 2014 году).
2. Известно, что Виктор должен заплатить НДФЛ 13% при продаже ценных бумаг. Как налог повлияет на доход от инвестирования?
3. Общую процентную доходность портфеля из 2 акций за 10 лет владения.
4. Среднегодовую доходность портфеля Виктора в процентах.

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1. $\text{доход от инвестиций 1 половина акций} = 259\,375$
 $\text{доход от инвестиций 2 половина акций} = 619\,174$
 $\text{общая прибыль} = (259\,375 + 619\,174) - 200\,000 = 678\,549 \text{ руб.}$

2. $\frac{678\,549 - 100\%}{x - 13\%} \quad x = \frac{678\,549 \cdot 13}{100} = 88\,211 \text{ руб. - НДФЛ}$
 $\text{Доход} = 678\,549 - 88\,211 = 590\,338 \text{ (доход)}$

$$3. \frac{20000 \text{ руб} - 100\%}{648549 \text{ руб} - x\%} = \frac{648549 \cdot 100}{20000} = 339\%$$

Доходность (%) = 339%

$$4. \text{Ср. годовая доходность (\%)} = 339\% : 10 = 33,9\%$$

Ответы к задаче:

1. 648 549 руб.
2. 590 338 руб, доход уменьшился
3. 339%
4. 34%

Задача 5. Инвестиции Сергея

инвестиции, облигации, финансовая математика

Сергей накопил 100 000 рублей. Он хочет начать инвестировать, но только начал изучать основы инвестиций и боится покупать акции. Финансовый консультант предложил ему использовать консервативные стратегии:

1. Купить 100 облигаций ОФЗ. Цена одной облигации - 950 рублей. Облигации будут погашены через 2 года по номиналу 1000 рублей за единицу. Ежегодная купонная ставка - 10% от номинала. Купоны зачисляются на текущий счет. Комиссия брокера - 5% от суммы инвестиций, но не менее 5000 рублей.
2. Положить все деньги на депозит с процентной ставкой 16% годовых на 2 года (начисление процентов ежегодно, с капитализацией). За открытие депозита комиссия не взимается.

Рассчитайте:

1. Какой доход Сергей получит, если применит первую стратегию - инвестирование в облигации?
2. Какой доход по депозиту получит Сергей через 2 года, если применит вторую стратегию?
3. Какой вариант инвестирования принесет инвестору максимальный доход (в рублях)?

Приведите все промежуточные расчеты.

Решение:

1.

2.

3.

Ответы к задаче:

1. _____
2. _____
3. _____

Кейс 1. Переезд семьи с двумя детьми

Иванов Андрей Сергеевич работает офис-менеджером в филиале московской компании в Ярославле.

Его ежемесячный доход составляет 75 000 рублей (до вычета НДФЛ). В семье двое детей, родившихся в 2022 и 2016 годах. Жена, Елена Алексеевна, находится в декретном отпуске по уходу за ребенком до 3-х лет, но она

занимается надомным трудом, получая средний доход в размере 25 000 рублей в месяц (до вычета НДФЛ). Семья снимает двухкомнатную квартиру в центре города Ярославля за 30 000 рублей в месяц.

Средний расход на питание, проезд, коммунальные услуги и прочие расходы составляет 40 000 рублей в месяц.

В октябре 2021 года Иванову предложили повышение по работе в головной офис в Москве с удвоением заработной платы. При этом доход жены может увеличиться до 35 000 рублей в месяц. Стоимость съемной квартиры в Москве составит 55 000 рублей. Ожидается, что средние расходы на питание, проезд, коммунальные услуги и прочие расходы возрастут до 65 000 рублей в месяц.

Дополнительные условия:

1. Компания предлагает оплату съемного жилья в течение 6 месяцев с условием работы в компании не менее 2-х лет.
2. Ребенок может ходить в Москве частный детский сад стоимостью 30 000 рублей в месяц, второй ребенок будет ходить в муниципальную школу бесплатно.

Вопросы для решения кейса:

1. Каковы будут общие ежемесячные доходы семьи Ивановых после переезда в Москву?
2. Сможет ли семья Ивановых определить своего ребенка в столичный частный детский сад стоимостью 30 000 рублей в месяц, учитывая увеличение расходов и изменение доходов?
3. Какие финансовые и личные решения должна принять семья Ивановых, учитывая переезд в Москву, повышение дохода и стоимость детского сада?
4. Рассмотрите возможность оплаты съемного жилья компанией в течение 6-ти месяцев. Как это повлияет на финансовое положение семьи Ивановых?
5. Рассмотрите возможность получения семейной ипотеки (первоначальный взнос 20% и ставка 6%) для покупки своего собственного жилья в Москве или Подмосковье за первые два года после переезда (24 месяца). Какие условия и возможности они имеют?

Ответы к кейсу:

1. заработная плата мужа после переезда в Москву = $95\,000\text{ р.} \cdot 2 = 190\,000$ рублей
заработная плата жены после переезда в Москву = $35\,000\text{ р.}$
общий доход = $150\,000\text{ р.} + 35\,000\text{ р.} = 185\,000\text{ р.}$

Ответ: $185\,000$ рублей

2. расходы = $55\,000 + 65\,000 = 120\,000\text{ р.}$

разница = по доходам - расходы = $185\,000\text{ р.} - 120\,000\text{ р.} = 65\,000\text{ р.}$

стоимость частного дет. сада = $30\,000\text{ р.}$

$65\,000\text{ р.} > 30\,000\text{ р.}$

↓
семья сможет

Ответ: семья Ивановых сможет определить своего ребёнка в частный дет. сад.

3. даже при всех расходах у семьи Ивановых останется около $35\,000$ рублей. При необходимости они могут экономить на продуктах и ^{частном} детском саду. Но в теории семья не нуждается в решении финансовых и семейных проблем. В данном случае Москва выступает благоприятным ^и местом жизни для семьи Ивановых.

4. если компания будет выплачивать съёмное жильё в течение 6-ти месяцев, то это увеличит сбережения семьи Ивановых (доходы - расходы = сбережения), до $120\,000\text{ р.}$ без использования частного дет. сада и до $90\,000\text{ р.}$ с использованием частного дет. сада.

① $185\,000\text{ р.} - 65\,000\text{ р.} = 120\,000\text{ р.}$

② $185\,000\text{ р.} - (65\,000\text{ р.} + 30\,000\text{ р.}) = 90\,000\text{ р.}$

5. семья Ивановых при необходимости может отказаться от использования частного дет. сада, тогда сбережения составят $65\,000\text{ р.}$ в месяц. Уработав 2 года в компании отец может увеличить сбережения до $120\,000\text{ р.}$ в месяц на 6 месяцев. Из этого следует, что семья Ивановых может позволить себе семейную ипотеку.

Кейс 2. Финансовая грамотность русских предпринимателей-меценатов 19-20 веков

Русские предприниматели и купцы славятся своими знаниями в области искусства и культуры, а также своим вкладом в социальные и благотворительные проекты.

"А то еще российский мужичок, вырвавшись из деревни смолоду, начинает сколачивать свое благополучие будущего купца или промышленника в самой Москве. Он торгует сбитнем на хитровом рынке, продает пирожки... Мерзнет, голодает, но всегда весел, не ропщет и надеется на будущее... А там, глядь, у него уже и лавочка или заводик. А потом, поди, он уже 1-й гильдии купец. Подождите - его старший сынок первый покупает Гогенов, первый покупает Пикассо, первый везет в Москву Матисса. А мы, просвещенные... и гнусаво-критически говорим: «самодур»... А самодуры тем временем потихоньку накопили чудесные сокровища искусства, создали галереи, музеи, первоклассные театры, настроили больницы и приюты на всю Москву" (*Мемуары Ф. И. Шаляпина*).

Гаврила Гаврилович Солодовников был купцом и российским меценатом. Именно он стал автором самого крупного в истории России пожертвования. Его состояние составляло около 22 миллионов рублей. Благодаря меценату в городе появилась Клиника кожных и венерических болезней, оснащенная всем необходимым. Сегодня в ее помещении располагается Московская медицинская академия имени И. М. Сеченова.

По завещанию купца его наследникам осталось около полумиллиона рублей, оставшиеся же 20 147 700 рублей были пущены на благие дела. Треть капитала пошла на обустройство земских женских училищ в ряде губерний, другая треть — на создание профессиональных школ и приюта для бездомных детей в Серпуховском уезде, а оставшаяся часть — на строительство домов с дешевыми квартирами для бедных и одиноких людей. Благодаря завещанию мецената в 1909 году на 2-й Мещанской улице появился первый дом «Свободный гражданин» с 1152 квартирами для одиноких людей. Там же был построен дом «Красный ромб» с 183 квартирами для семей.

Вопросы к кейсу:

1. Какой процент от общего состояния Солодовникова был оставлен на благие дела?
2. Какая доля наследства была использована на обустройство земских женских училищ?

- Какая сумма была выделена на создание профессиональных школ и приюта для бездомных детей в Серпуховском уезде?
- Если принять равными затраты на строительство 1 квартиры, то сколько инвестиций было вложено в строительство одной квартиры в этих двух домах?
- Какие уроки по финансовой грамотности можно извлечь из деятельности и финансовых решений русских меценатов и филантропов?

Решение к кейсу:

1. $22\,000\,000\text{ р} - 100\%$

$20\,147\,700\text{ р} - x$

$$x = \frac{20\,147\,700 \cdot 100}{22\,000\,000} \approx 92\%$$

Ответ: 92% от общего состава Солодовникова было потрачено на благие дела

2. ~~наследство = общий капитал расходы = 22 000 000 р - 20 147 700 = 1852 300~~
 ~~$x = 1852\,300 - 1$~~ $20\,147\,700 - 1$

~~$x = 0,3$ (по условию)~~

$x - 0,43$

~~$x = 1852\,300 \cdot 0,3 = 555\,690\text{ р.}$~~

$$x = \frac{20\,147\,700 \cdot 0,43}{1} = 6\,044\,310\text{ р.}$$

Ответ: ~~555 690 р.~~ 6 044 310 р. было потрачено из наследства на постройку земских пенских училищ.

3. ~~$1852\,300 - 1$~~ $20\,147\,700 - 1$

~~$x - 0,3$ (по условию)~~ $x - 0,3$

из задачи №2 траты на постройку земских пенских училищ = тратам на создание профессиональных школ и приюта для бездомных детей в Серпуховском уезде = ~~555 690 р.~~ 6.044 310 р.

Ответ: ~~555 690 рублей~~ 6.044 310 рублей

4. ~~$1852\,300 - 1$~~ $20\,147\,700 - 1$

~~$x - 0,4$ (по условию)~~ $x - 0,4$

~~$x = 1852\,300 \cdot 0,4 = 4\,409\,20\text{ руб.}$~~

$x - 0,4$

$$x = \frac{20\,147\,700 \cdot 0,4}{1} = 8\,059\,080\text{ р.}$$

кол-во квартир = $1152 + 183 = 1335$

затраты на строительство 1 квартиры = $\frac{8\,059\,080}{1335} \approx 6036,8\text{ руб}$

Ответ: ≈ 6037 рублей

5. Часть капитала куплено отдавать в благотворительность, но долги не только твоей кол-во денег на счету, а еще и дела, которые ты делаешь.